

# Physique : DM9

## Vers une nouvelle définition du Kelvin (Centrale PC - 2016)

### I – L'agitation thermique

- IA1-a) /2 : Résultat : 2pts  
 IA1-b) /2 : Résultat : 1+1 pts (formule + interprétation de  $mgz$ )  
 IA2) /2 : Résultats : 1+1 pts (formule de  $v_l$  et comparaison à  $v_q$ )  
 IA3) /2 : Résultats : 1+1 pts (Calcul de  $\delta z$  et AN puis conclusion)  
 IB1) /1 : AN+conclusion  
 IB2) /1 : 1 si les deux lois sont bien écrites, 0 sinon  
 IB3-a) /1 : 1 si les deux lois sont bien écrites, 0 sinon  
 IB3-b) /1 : D'Alembert avec  $c_e$  bien défini, 0 sinon.  
 IB3-c) /2 : 1 point pour  $R_c$  et 1 point pour  $\gamma$  et  $\lambda$   
 IB4-a) /2 : Démon propre + résultat de  $\omega_n$ .  
 IB4-b) /1 : Résultat  
 IB4-c) /2 : Résultat (0 sinon)  
 IB5-a) /2 : Démon propre + résultat  $\langle de_n \rangle$   
 IB5-b) /1 : Résultat  
 IB6-a) /2 : Résultat  $U_{eff,n}^2 = \frac{2k_B T R c_e}{D}$   
 IB6-b) /1 : Résultat  $U_{eff}$ .  
 IB7-a) /2 : Expression de  $k_B$  + AN (unité fautive = -1)  
 IB7-b) /1 : Une, des trois idées, proposée = 1pt.

### II – Mesure acoustique

- IIA1) /1 : Résultat  
 IIA2-a) /3 : Ecriture des trois équations linéarisées (/2) + résultat final (/1)  
 IIA2-b) /2 : Obtention de  $c_a^2$  ou 0 sinon  
 IIA2-c) /1 : Expression  $p < \frac{2.10^{-6}}{B}$   
 IIA3) /1 : Valeur numérique de  $\frac{\delta c_a}{c_a}$   
 IIB1-a) /2 : Ecrire  $\vec{v} = \pm \overrightarrow{grad} \phi$  (/1) puis résultat final (/1)  
 IIB1-b) /2 : Equation finale.  
 IIB2) /1 : Une des formes proposées  
 IIB3) /2 : Démon propre + Résultat + Commentaire (-1 si un des trois n'est pas fait ou faux)  
 IIB4) /3 : insécable (0 ou 3), résultat :  $\phi(r, t)$   
 IIB5) /2 :  $v_n = \frac{c_a}{2\pi} x_n$  et  $\tan(ka) = ka$   
 IIB6) /2 : AN de  $c_a$  (/1) + conclusion (/1)  
 IIB7) /2 : AN de  $k_B$  (/1) + conclusion (/1)

# ① L'agitation thermique

I.A.1) (a) D'après la loi de statique des fluides  $\frac{dp}{dz} = -\rho g$

de plus pour un GP :  $pV = nRT \Leftrightarrow p = \frac{n}{V} \frac{RT}{M} \Leftrightarrow p = \rho \frac{RT}{M}$

$$\text{d'où } \frac{dp}{dz} = -\frac{\rho M}{RT} g \Leftrightarrow \frac{dp}{dz} + \frac{Mg}{RT} p = 0$$

$$\Leftrightarrow p(z) = p(0) e^{-\frac{Mg}{RT} z}$$

$$\alpha = p(0) e^{-\frac{mg}{k_B T} z}$$

(b) Soit  $p = \rho \frac{RT}{M} \Leftrightarrow p = n_v k_B T$

$$\Rightarrow n_v(z) = N_0 e^{-mgz/k_B T} \quad \text{où } N_0 = \frac{p_0}{k_B T} \quad \text{et } m = \text{masse d'une particule d'air}$$

le terme  $mgz$  représente l' $E_p$  de pesanteur

I.A.2). On peut écrire  $n_v(z) = N_0 e^{-z/H}$  où  $H = \frac{k_B T}{mg}$

. Pour une chute libre :  $v_e = \sqrt{2gH} \Leftrightarrow v_e = \sqrt{\frac{2k_B T}{m}}$

. D'où  $v_q = \sqrt{\frac{2}{3}} v_e \approx 1.22 v_e$ . Elles sont du même ordre de grandeur

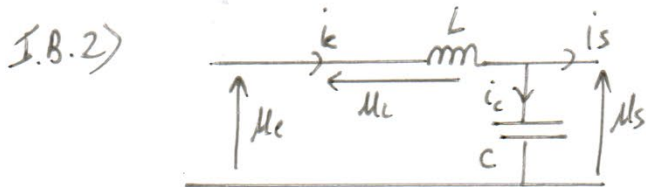
I.A.3) Considérons une balle de masse  $m = 100g$  à  $T = 300K$ . En comparant l'E<sub>pp</sub> à  $k_B T$  on obtient :  $mg \delta z = k_B T \Leftrightarrow \delta z = \frac{k_B T}{mg} = 4 \cdot 10^{-21} m$ .

. Ainsi sous l'effet de l'agitation thermique le barycentre est quasi-immobile.  
On peut donc considérer qu'il y a immobilisation absolue de la balle.

I.B.1) La vitesse d'agitation thermique des électrons dans le métal est t.q :

$$v_q = \sqrt{\frac{3k_B T}{m}} \sim 10^5 \text{ ms}^{-1} \ll c$$

$\Rightarrow$  des  $e^-$  ne sont pas relativistes



$$\text{Sur } \begin{cases} i_e = i_s + i_c \Leftrightarrow i_e = i_s + C \frac{du}{dt} \\ u_e = u_s + u_c \Leftrightarrow u_e = u_s + L \frac{di_e}{dt} \end{cases}$$

I.B.3) a) De  $\hat{m}$  :

$$\begin{cases} i(n,t) = i(n+dn,t) + \delta dx \frac{\partial u(n+dn,t)}{\partial t} \\ u(n,t) = u(n+dn,t) + dn \frac{\partial i(n,t)}{\partial t} \end{cases}$$

Donc :

$$\begin{cases} \frac{\partial i}{\partial x} = -\delta \frac{\partial u}{\partial t} & (1) \\ \frac{\partial u}{\partial x} = -dn \frac{\partial i}{\partial t} & (2) \end{cases}$$

$$b) \quad (1) \text{ donne : } \frac{\partial^2 i}{\partial t \partial x} = -\gamma \frac{\partial^2 u}{\partial t^2}$$

$$(2) \text{ donne : } \frac{\partial^2 i}{\partial x \partial t} = -\frac{1}{\lambda} \frac{\partial^2 u}{\partial x^2}$$

de théorème de Schwarz donne :  $\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = \lambda \gamma \frac{\partial^2 u}{\partial t^2}$

$$\Leftrightarrow \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = \frac{1}{c_e^2} \frac{\partial^2 u}{\partial t^2} \text{ ou } c_e = \frac{1}{\sqrt{\lambda \gamma}} \quad (3)$$

c) En notation complexe (3) donne :  $(-ik)^2 \underline{u} = \frac{1}{c_e^2} (i\omega)^2 \underline{u}$

$$\Leftrightarrow k = \frac{\omega}{c_e} \quad (4)$$

A l'aide de (1) :  $(-ik) i = -\gamma (i\omega) \underline{u}$

$$\Rightarrow R_c = \frac{U}{I} = \frac{k}{\gamma \omega} = \frac{1}{c_e \gamma} = \sqrt{\frac{\lambda}{\gamma}} = R_c \quad (5)$$

Donc :  $\begin{cases} \lambda = R_c^2 \gamma \\ \lambda = \frac{1}{c_e^2 \gamma} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \lambda = R_c^2 \gamma \\ R_c^2 \gamma = \frac{1}{c_e^2 \gamma} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \gamma = \frac{1}{R_c c_e} \\ \lambda = \frac{R_c}{c_e} \end{cases} \quad (6)$

I.B.4) a) On remplace  $u(n,t) = U(n) \cos(\omega t)$  dans (3) d'où :

$$U'' \cos(\omega t) = \frac{1}{c_e^2} U (\omega^2) \cos(\omega t)$$

$$\Leftrightarrow \frac{d^2 U}{dn^2} + \frac{\omega^2}{c_e^2} U = 0 \text{ ou } \frac{\omega^2}{c_e^2} = k^2$$

Donc  $U(x) = A \cos(kx) + B \sin(kx)$

avec  $\begin{cases} U(0) = 0 \Rightarrow A = 0 \\ U(D) = 0 \Rightarrow \sin(kD) = 0 \Rightarrow k_m = m\pi/D \text{ avec } m \in \mathbb{N}^* \end{cases}$

$\rightarrow U(x) = U_{0m} \sin(k_m x) \text{ où } k_m = \frac{m\pi}{D} \text{ avec } m \in \mathbb{N}^*$

$\rightarrow \omega_m = \frac{m\pi c_e}{D}$

⑥ Soit  $\omega_m = 2\pi f_m \Rightarrow f_m = \frac{m c_e}{2D}$

or  $N = \frac{\Delta f}{|f_{m+1} - f_m|} = \frac{\Delta f \cdot 2D}{c_e} = N$

⑦ ①  $\Rightarrow \frac{\partial i_m}{\partial x} = -\gamma \frac{\partial u_m}{\partial t} = -\gamma \cdot U_{0m} \sin(k_m x) (-\omega_m) \sin(\omega_m t)$

$\Rightarrow i_m(x, t) = -\frac{\gamma \omega_m U_{0m} \sin(\omega_m t) \cos(k_m x)}{k_m} + \text{cste}(t)$

or  $i_m(x, t) = 0 \text{ssi } U_{0m} = 0 \Rightarrow \text{cste}(t) = 0$

de plus  $\gamma \frac{\omega_m}{k_m} = \frac{1}{R_c \cdot c_e} \cdot c_e = \frac{1}{R_c}$

$\Rightarrow i_m(x, t) = -\frac{U_{0m}}{R_c} \cos\left(\frac{m\pi}{D} x\right) \sin(\omega_m t)$

1.8.5) ② Soit  $d_{em}(x, t) = \frac{1}{2} \gamma dx u_m^2 + \frac{1}{2} dx i_m^2$   
 $= \frac{1}{2} dx \left[ \gamma \cdot U_{0m}^2 \sin^2(k_m x) \cos^2(\omega_m t) + \frac{1}{R_c^2} U_{0m}^2 \cos^2(k_m x) \sin^2(\omega_m t) \right]$

$$\text{Or } \frac{1}{R_c^2} = \gamma \text{ et } \langle \cos^2(\omega n t) \rangle = \langle \sin^2(\omega n t) \rangle = \frac{1}{2}$$

$$\text{d'où } \begin{cases} d_{em}(n,t) = \frac{1}{2} d n \cdot 8 V_{om}^2 [\sin^2(k n x) \cos^2(\omega n t) + \cos^2(k n x) \sin^2(\omega n t)] \\ \text{et} \\ \langle d_{em}(n) \rangle = \frac{1}{4} 8 V_{om}^2 d n \end{cases}$$

$$\textcircled{b} \text{ Soit } \langle E_m \rangle = \int_0^D \frac{\langle d_{em}(n) \rangle}{d n} \cdot d n$$

$$\Rightarrow \langle E_m \rangle = \frac{1}{4} 8 V_{om}^2 \cdot D$$

$$\Rightarrow \langle E_m \rangle = \frac{V_{om}^2 D}{4 R_c C_e} \quad \text{car } \gamma = \frac{1}{R_c \cdot C_e}$$

$$\text{I.B.6) } \textcircled{a} \text{ Soit } \begin{cases} \langle E_m \rangle = k_B T \\ \text{et} \\ R = R_c \end{cases} \Rightarrow k_B T = \frac{V_{om}^2 D}{4 R_c C_e} \Rightarrow V_{om}^2 = \frac{4 R_c C_e \cdot k_B T}{D}$$

$$\text{d'où } u_{eff,m}^2 = \langle u_m^2(n) \rangle = \frac{V_{om}^2 \sin^2(k n x)}{2}$$

$$\Rightarrow u_{eff,m}^2 = \frac{2 R_c C_e \cdot k_B T}{D} \sin^2(k n x)$$

$$\Rightarrow u_{eff,m}^2 = U_{eff,m}^2 \sin^2(k n x) \text{ avec } U_{eff,m}^2 = \frac{2 k_B T R_c C_e}{D}$$

$$\textcircled{b} \text{ Soit } U_{eff}^2 = \sum_{n=1}^N U_{eff,m}^2 = \frac{N \cdot 2 k_B T R_c C_e}{D}$$

$$\text{or } N = \frac{2 D \Delta f}{C_e} \Rightarrow U_{eff}^2 = 4 k_B T R \Delta f$$

$$\text{d'où } U_{eff} = \sqrt{4 k_B T \cdot R \Delta f}$$



I.B.7) a)  $S_{\text{int}} U_{\text{eff}} \propto R^{1/2}$

$\Rightarrow \log U_{\text{eff}} \propto \frac{1}{2} \log R$ , effectivement sur le graphe la pente est de  $\frac{1}{2}$ .

$\propto S_{\text{int}} U_{\text{eff}} \propto \Delta f^{1/2}$

Si  $\Delta f_2 = 100 \Delta f_1$  alors  $U_{\text{eff}2} = 10 U_{\text{eff}1}$  ce que l'on retrouve sur le graphe

$\propto$  Pour  $\Delta f = 1 \text{ Hz}$ ,  $\begin{cases} R = 40 \Omega \\ R = 100 \Omega \end{cases}$  on obtient  $U_{\text{eff}} = \begin{matrix} 4,0 \cdot 10^{-7} \text{ V} \\ 6,5 \cdot 10^{-7} \text{ V} \end{matrix} = A U_{\text{eff}}$ .

or  $k_B = \frac{U_{\text{eff}}^2}{4 T R \Delta f}$

$\Rightarrow k_B = \frac{U_{\text{eff}}^2}{4 A^2 T R \Delta f} \approx 1,33 \cdot 10^{-23} \text{ J} \cdot \text{K}^{-1}$

b). Les valeurs des tensions efficaces sont extrêmement faibles, il faut donc éliminer le bruit électromagnétique à l'aide d'une enceinte métallique qui jouera le rôle de blindage.

- la résistance peut chauffer, il faut donc thermostatiser l'enceinte.
- d'amplification de tension peut ajouter un bruit significatif d'où la nécessité d'un grand nombre de mesures.

## II) Mesure Acoustique

II.A.1) D'après l'énoncé  $\lambda \geq \lambda_{\text{lim}}$

$$\text{Or } M_{\text{lim}} = \frac{1}{\lambda_{\text{lim}}^3} \quad \text{d'où } P_{\text{lim}} = M_{\text{lim}} \cdot k_B T$$

$$\Leftrightarrow P_{\text{lim}} = \frac{k_B T}{\lambda_{\text{lim}}^3}$$

$$\Rightarrow \underline{P \leq P_{\text{lim}} \approx 3 \cdot 10^4 \text{ Pa}}$$

II.A.2) a) Soit  $\begin{cases} \mu(x,t) = \mu_0 + \mu_1(x,t) \\ p(x,t) = p_0 + \pi(x,t) \end{cases}$  et  $v(x,t) = v_1(x,t) \ll c_{\text{son.}}$

D'où au 1<sup>er</sup> ordre :

• eq. conservation de la masse :  $\frac{\partial \mu}{\partial t} + \text{div}(\mu \vec{v}) = 0$  s'écrit :  $\mu_0 \frac{\partial v}{\partial x} = - \frac{\partial \mu_1}{\partial t}$  (1)

• eq d'Euler :  $\mu \left( \frac{\partial \vec{v}}{\partial t} + (\vec{v} \cdot \text{grad}) \vec{v} \right) = - \text{grad } p$  s'écrit :  $\mu_0 \frac{\partial v}{\partial t} = - \frac{\partial \pi}{\partial x}$  (2)

• Compressibilité isentropique  $\chi_s = \frac{1}{\mu} \left( \frac{\partial \mu}{\partial p} \right)_s$  s'écrit :  $\chi_s = \frac{1}{\mu_0} \cdot \frac{\mu_1}{\pi}$  (3)

(1) donne :  $\mu_0 \frac{\partial^2 v}{\partial x \partial t} = - \frac{\partial^2 \mu_1}{\partial t^2} \Rightarrow \frac{\partial^2 \mu_1}{\partial t^2} = \frac{\partial^2 \pi}{\partial x^2}$  avec  $\mu_1 = \mu_0 \chi_s \pi$ .

(2) donne :  $\mu_0 \frac{\partial^2 v}{\partial x \partial t} = - \frac{\partial^2 \pi}{\partial x^2}$

$$\Rightarrow \underline{\frac{\partial^2 \pi}{\partial t^2} = c_a^2 \frac{\partial^2 \pi}{\partial x^2} \text{ où } c_a^2 = \frac{1}{\mu_0 \chi_s}}$$

b) Pour un GP :  $\mu = \frac{PM}{RT} \Rightarrow \chi_T = \frac{1}{\mu} \left( \frac{\partial \mu}{\partial p} \right)_T = \frac{1}{p}$

or  $\chi_s = \frac{\chi_T}{\gamma} \Rightarrow \chi_s = \frac{1}{\gamma p} \Rightarrow c_a^2 = \frac{\gamma}{\mu_0} p = \frac{\gamma}{\mu_0} \frac{\mu \cdot RT}{M}$



$$\Rightarrow c_a^2 = \frac{\gamma N a k_B T}{M} \quad \text{car } R = N a k_B$$

$$c) \text{ Soit } c_{a,\text{réel}}^2 = c_a^2 (1 + \beta p) \Rightarrow c_{a,\text{réel}} \stackrel{\text{J.L.}}{\approx} c_a \left(1 + \frac{\beta p}{2}\right)$$

$$\Rightarrow \left| \frac{c_{a,\text{réel}} - c_a}{c_a} \right| = \frac{\beta p}{2} < 10^{-6}$$

$$\Rightarrow p < \frac{2 \cdot 10^{-6}}{\beta} \approx 1,5 \cdot 10^5 \text{ Pa}$$

$$\text{II.A.3)} \text{ Soit } k_B = \frac{M c_a^2}{\gamma N a T}$$

$$\Rightarrow \frac{\delta k_B}{k_B} = \sqrt{\left(\frac{\delta M}{M}\right)^2 + 4\left(\frac{\delta c_a}{c_a}\right)^2 + \left(\frac{\delta N a}{N a}\right)^2 + \left(\frac{\delta T}{T}\right)^2} \quad \text{Une que } \delta \gamma = 0$$

$$\Rightarrow \frac{\delta c_a}{c_a} = \frac{1}{2} \sqrt{\left(\frac{\delta k_B}{k_B}\right)^2 - \left(\frac{\delta M}{M}\right)^2 - \left(\frac{\delta N a}{N a}\right)^2 - \left(\frac{\delta T}{T}\right)^2} = 0,64 \cdot 10^{-6}$$

Cette valeur se rapproche de celle recherchée au II.A.2

I.B.1) @ Par symétrie sphérique  $\vec{v}(\vec{r}, t) = v(r, t) \vec{e}_r$  donc  $\vec{\nabla} \times \vec{v} = \vec{0}$  (cf formulaire).

$$\Rightarrow \vec{v} = \text{grad } \phi$$

or l'équation d'Euler donne :  $\mu_0 \frac{\partial v}{\partial t} = - \frac{\partial \pi}{\partial r} \Rightarrow \frac{\partial \pi}{\partial r} = - \mu_0 \frac{\partial^2 \phi}{\partial r \partial t}$

donc  $\pi(r, t) = - \mu_0 \cdot \frac{\partial \phi}{\partial t}(r, t) + \text{cste}(t)$   
 $\quad \quad \quad = 0 \text{ car } \pi(r, t) = 0 \text{ si } \phi(r, t) = 0$

$$\Rightarrow \frac{\partial \phi}{\partial t}(r, t) = - \frac{1}{\mu_0} \pi(r, t)$$

$$\textcircled{b} \text{ Soit } \begin{cases} \frac{\partial \phi}{\partial t}(r,t) = -\frac{1}{\mu_0} \pi(r,t) \\ \Delta \pi(r,t) - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \pi}{\partial t^2}(r,t) = 0 \end{cases} \Rightarrow \frac{\partial}{\partial t} \left[ \Delta \phi - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \phi}{\partial t^2} \right] = 0$$

$$\Rightarrow \Delta \phi - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \phi}{\partial t^2} = \text{cste}(r)$$

$$= -\Delta \alpha(r).$$

$$\Rightarrow \Delta(\alpha + \phi) - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 (\alpha + \phi)}{\partial t^2} = 0$$

Il existe donc un potentiel qui vérifie :

$$\Delta \phi - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \phi}{\partial t^2} = 0$$

II.B.2) Les parois étant rigides  $v(r=a) = 0$ . ce qui entraîne une quantification des  $\omega$ .

$$\Leftrightarrow \left. \frac{\partial \phi}{\partial r} \right|_{r=a} = 0$$

$$\Leftrightarrow \left. \frac{\partial f}{\partial r} \right|_{r=a} = 0$$

$$\Leftrightarrow \underline{f(a) = \text{cste}}$$

$$\text{II.B.3) Soit } \vec{j}_e = \pi \vec{v} \Leftrightarrow \vec{j}_e = -\mu_0 \frac{\partial \phi}{\partial t} \cdot \frac{\partial \phi}{\partial r} \vec{e}_r$$

$$\Leftrightarrow \vec{j}_e = -\mu_0 f(-\omega) \sin(\omega t) \cdot f' \cos \omega t \vec{e}_r$$

$$\Leftrightarrow \underline{\vec{j}_e(r,t) = \frac{\mu_0 \omega}{2} \sin(2\omega t) \cdot f(r) \cdot f'(r) \vec{e}_r}$$

D'où  $\underline{\langle \vec{j}_e \rangle_t = 0}$  ce résultat est logique car les ondes stationnaires ne transportent pas d'énergie. L'énergie est confinée dans le résonateur.

$$\text{I.B.4)} \text{ soit } \begin{cases} \Delta\phi - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \phi}{\partial t^2} = 0 \\ \text{et} \\ \phi = f(r) \cos(\omega t) \end{cases}$$

$$\text{d'où : } \frac{1}{r} \frac{\partial^2}{\partial r^2} [r f(r) \cos \omega t] + \frac{1}{c^2} \omega^2 f(r) \cos(\omega t) = 0$$

$$\Rightarrow \frac{\partial^2}{\partial r^2} (r f(r)) + \underbrace{\frac{\omega^2}{c^2}}_{k^2} r f(r) = 0$$

$$\Rightarrow r f(r) = A \sin kr + B \cos kr$$

$$\Rightarrow f(r) = \frac{A}{r} \sin kr + \frac{B}{r} \cos kr$$

$$\text{or } f(r) \text{ existe en } r=0 \text{ d'où } B=0 \Rightarrow \boxed{\phi(r,t) = \frac{A}{r} \sin(kr) \cos(\omega t)}$$

$$\text{I.B.5)} \text{ Or } \left. \frac{\partial \phi}{\partial r} \right|_{r=a} = 0 \Rightarrow \left[ -\frac{A}{r^2} \sin(kr) + \frac{kA}{r} \cos(kr) \right] \cos \omega t \Big|_{r=a} = 0$$

$$\Rightarrow -\frac{\sin(ka)}{a} + k \cos(ka) = 0$$

$$\Rightarrow \tan(ka) = ka$$

Prenons  $\boxed{g(x) = \tan(x) - x}$  et notons  $x_n$  la racine  $n$ -ième de l'équation  $g(x) = 0$ .

$$\Rightarrow k_n a = x_n \Leftrightarrow \frac{2\pi V_n}{c a} = x_n \Leftrightarrow \boxed{V_n = \frac{c a}{2\pi} \cdot x_n}$$

$$\text{I.B.6)} \text{ Donc } \boxed{c a = \frac{2\pi V_n a}{x_n}} = 307,8245 \text{ ms}^{-1} \text{ où } \frac{\delta c a}{c a} = \sqrt{\left(\frac{\delta a}{a}\right)^2 + \left(\frac{\delta V_n}{V_n}\right)^2 + \left(\frac{\delta x_n}{x_n}\right)^2} \approx 1,8 \cdot 10^{-6}$$

or  $\frac{\delta c a}{c a}$  doit être inférieur à  $0,64 \cdot 10^{-6}$  (I.A.3) donc ce n'est pas acceptable

$$\text{I.B.7)} \text{ Or } k_B = \frac{c a^2 M}{8 N_A T} = 1,380648 \cdot 10^{-23} \text{ JK}^{-1} \text{ et } \frac{\delta k_B}{k_B} = \sqrt{4 \left(\frac{\delta a}{a}\right)^2 + \left(\frac{\delta M}{M}\right)^2 + \left(\frac{\delta N_A}{N_A}\right)^2 + \left(\frac{\delta T}{T}\right)^2} = 3,9 \cdot 10^{-6}$$

$$\Rightarrow \delta k_B = 5,4 \cdot 10^{-29} \text{ JK}^{-1} \Rightarrow k_B = \underbrace{[1,380648 \pm 6 \cdot 10^{-6}]}_{\text{fixé}} \cdot 10^{-23} \text{ JK}^{-1}$$

On peut donc fixer 6 chiffres significatifs par cette mesure