

Physique : DM9

Vers une nouvelle définition du Kelvin (Centrale PC - 2016)

I – L'agitation thermique

- IA1-a) /2 : Résultat : 2pts
- IA1-b) /2 : Résultat : 1+1 pts (formule + interprétation de mgz)
- IA2) /2 : Résultats : 1+1 pts (formule de v_l et comparaison à v_q)
- IA3) /2 : Résultats : 1+1 pts (Calcul de δz et AN puis conclusion)
- IB1) /1 : AN+conclusion
- IB2) /1 : 1 si les deux lois sont bien écrites, 0 sinon
- IB3-a) /1 : 1 si les deux lois sont bien écrites, 0 sinon
- IB3-b) /1 : D'Alembert avec c_e bien défini, 0 sinon.
- IB3-c) /2 : 1 point pour R_c et 1 point pour γ et λ
- IB4-a) /2 : Démo propre + résultat de ω_n .
- IB4-b) /1 : Résultat
- IB4-c) /2 : Résultat (0 sinon)
- IB5-a) /2 : Démo propre + résultat $\langle de_n \rangle$
- IB5-b) /1 : Résultat
- IB6-a) /2 : Résultat $U_{eff,n}^2 = \frac{2k_B T R c_e}{D}$
- IB6-b) /1 : Résultat U_{eff} .
- IB7-a) /2 : Expression de k_B + AN (unité fausse = -1)
- IB7-b) /1 : Une, des trois idées, proposée = 1pt.

II – Mesure acoustique

- IIA1) /1 : Résultat
- IIA2-a) /3 : Ecriture des trois équations linéarisées (/2) + résultat final (/1)
- IIA2-b) /2 : Obtention de c_a^2 ou 0 sinon
- IIA2-c) /1 : Expression $p < \frac{2.10^{-6}}{B}$
- IIA3) /1 : Valeur numérique de $\frac{\delta c_a}{c_a}$
- IIB1-a) /2 : Ecrire $\vec{v} = \pm \overrightarrow{grad} \phi$ (/1) puis résultat final (/1)
- IIB1-b) /2 : Equation finale.
- IIB2) /1 : Une des formes proposées
- IIB3) /2 : Démo propre + Résultat + Commentaire (-1 si un des trois n'est pas fait ou faux)
- IIB4) /3 : insécable (0 ou 3), résultat : $\phi(r, t)$
- IIB5) /2 : $v_n = \frac{c_a}{2\pi} x_n$ et $\tan(ka) = ka$
- IIB6) /2 : AN de c_a (/1) + conclusion (/1)
- IIB7) /2 : AN de k_B (/1) + conclusion (/1)

① d'agitation thermique

I.A.1) a) D'après la loi de statique des fluides $\frac{dp}{dz} = -\rho g$

$$\text{De plus pour un GP: } pV = nRT \Leftrightarrow p = \frac{mRT}{MV} \Leftrightarrow p = \rho \frac{RT}{M}$$

$$\text{d'où } \frac{dp}{dz} = -\frac{\rho M}{RT} g \Leftrightarrow \frac{dp}{dz} + \frac{Mg}{RT} \rho = 0$$

$$\Leftrightarrow p(z) = p(0) e^{-\frac{Mg}{RT} z}$$

$$\alpha = p(0) e^{-\frac{mg}{k_B T} z}$$

b) Soit $p = \rho \frac{RT}{M} \Leftrightarrow p = M_v k_B T$

$$\Rightarrow M_v(z) = N_0 e^{-\frac{mgz}{k_B T}} \quad \text{où } N_0 = \frac{p_0}{k_B T} \quad \text{et } m = \text{masse d'une particule d'air}$$

Le terme mgz représente l'Ep de pesanteur

I.A.2) On peut écrire $M_v(z) = N_0 e^{-z/H}$ où $H = \frac{k_B T}{mg}$

Pour une chute libre: $N_e = \sqrt{2gH} \Leftrightarrow N_e = \sqrt{\frac{2k_B T}{m}}$

D'où $N_q = \sqrt{\frac{2}{3}} N_e \approx 1.22 N_e$. Elles sont du même ordre de grandeur

I.A.3) Considérons une balle de masse $m = 100g$ à $T = 300K$. En comparant l'Epp à $k_B T$ on obtient : $mg \delta z = k_B T \Leftrightarrow \delta z = \frac{k_B T}{mg} = \underline{4 \cdot 10^{-21} m}$.

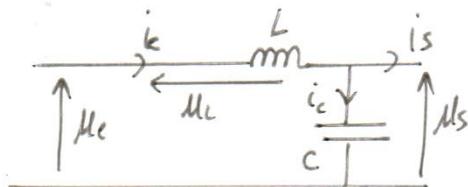
• Ainsi sous l'effet de l'agitation thermique le barycentre est quasi-immobile. On peut donc considérer qu'il y a immobilisation absolue de la balle.

I.B.1) La vitesse d'agitation thermique des électrons dans le métal est t.q. :

$$v_g = \sqrt{\frac{3k_B T}{m}} \sim 10^5 \text{ ms}^{-1} \ll c$$

→ des e⁻ ne sont pas relativistes

I.B.2)



$$\left. \begin{aligned} \text{Donc } i_e &= i_s + i_e \quad (\Leftrightarrow i_e = i_s + \frac{C \text{d}i_s}{\text{d}t}) \\ \text{et } i_e &= i_s + i_e \quad (\Leftrightarrow i_e = i_s + L \frac{\text{d}i_e}{\text{d}t}) \end{aligned} \right\}$$

I.B.3) a) De m⁺ :

$$\left. \begin{aligned} i(n,t) &= i(n+dn,t) + \delta dn \frac{\partial u(n+dn,t)}{\partial t} \\ u(n,t) &= u(n+dn,t) + dn \frac{\partial i(n,t)}{\partial t} \end{aligned} \right\}$$

Donc :

$$\left. \begin{aligned} \frac{\partial i}{\partial n} &= -\gamma \frac{\partial u}{\partial t} & (1) \\ \frac{\partial u}{\partial n} &= -\lambda \frac{\partial i}{\partial t} & (2) \end{aligned} \right\}$$

$$\textcircled{b} \quad \textcircled{1} \text{ donne : } \frac{\partial^2 i}{\partial t \partial x} = -\gamma \frac{\partial^2 u}{\partial t^2}$$

$$\textcircled{2} \text{ donne : } \frac{\partial^2 i}{\partial x \partial t} = -\frac{1}{\lambda} \frac{\partial^2 u}{\partial x^2}$$

$$\text{de théorème de Schwartz donne : } \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = \lambda \gamma \frac{\partial^2 u}{\partial t^2}$$

$$\Leftrightarrow \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = \frac{1}{c_e^2} \frac{\partial^2 u}{\partial t^2} \text{ ou } c_e = \sqrt{\frac{1}{\lambda \gamma}} \quad \boxed{3}$$

$$\textcircled{c} \quad \text{En notation complexe } \textcircled{3} \text{ donne : } (-ik)^2 u = \frac{1}{c_e^2} (i\omega)^2 u$$

$$\Leftrightarrow k = \frac{\omega}{c_e} \quad \boxed{4}$$

$$\text{A l'aide de } \textcircled{1} : (-ik) i = -\gamma (i\omega) u$$

$$\Rightarrow R_c = \frac{U}{I} = \frac{k}{\gamma \omega} = \frac{1}{c_e \gamma} = \sqrt{\frac{1}{\lambda}} = R_c \quad \boxed{5}$$

$$\text{Donc : } \begin{cases} \lambda = R_c^2 \gamma \\ \lambda = \frac{1}{c_e^2 \gamma} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \lambda = R_c^2 \gamma \\ c_e^2 \gamma = \frac{1}{R_c^2 \gamma} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \gamma = \frac{1}{R_c c_e} \\ \lambda = \frac{R_c}{c_e} \end{cases} \quad \boxed{6}$$

I.B.4) a) On remplace $u(x, t) = U(x) \cos(\omega t)$ dans $\textcircled{3}$ d'où :

$$U'' \cos(\omega t) = \frac{1}{c_e^2} \cdot U (\omega^2) \cos(\omega t)$$

$$\Leftrightarrow \frac{d^2 U}{dx^2} + \frac{\omega^2}{c_e^2} U = 0 \text{ ou } \frac{\omega^2}{c_e^2} = k^2$$

$$\text{Donc } U(x) = A \cos(kx) + B \sin(kx)$$

$$\text{avec } \int U(0) = 0 \Leftrightarrow A = 0$$

$$\int U(D) = 0 \Leftrightarrow \sin(kD) = 0 \Leftrightarrow k_m = m\pi/\lambda \text{ où } m \in \mathbb{N}^*$$

$$\rightarrow U(x) = V_{0m} \sin(k_m x) \text{ où } k_m = \frac{m\pi}{D} \text{ avec } m \in \mathbb{N}^*$$

$$\rightarrow \omega_m = \frac{m\pi c_e}{D}$$

⑥ Soit $\omega_m = 2\pi f_m \Rightarrow f_m = \frac{m c_e}{2D}$

$$\text{or } N = \frac{\Delta f}{|f_{m+1} - f_m|} = \frac{\Delta f \cdot 2D}{c_e} = N$$

⑦ ① $\Rightarrow \frac{\partial i_m}{\partial x} = -\gamma \frac{\partial u_m}{\partial t} = -\gamma \cdot V_{0m} \sin(k_m x) (-\omega_m) \sin(\omega_m t)$

$$\Rightarrow i_m(x, t) = -\frac{\gamma \omega_m V_{0m} \sin(\omega_m t)}{k_m} \cos(k_m x) + \text{cste}(t)$$

$$\text{or } i_m(x, t) = 0 \text{ssi } V_{0m} = 0 \Rightarrow \text{cste}(t) = 0$$

$$\text{Et plus } \gamma \frac{\omega_m}{k_m} = \frac{1}{R_e c_e} \cdot c_e = \frac{1}{R_e}$$

$$\rightarrow i_m(x, t) = -\frac{V_{0m}}{R_e} \cos\left(\frac{m\pi}{D} x\right) \sin(\omega_m t)$$

3.8.5) a) Soit $d_m(x, t) = \frac{1}{2} \gamma \partial_x U_m^2 + \frac{1}{2} \partial_x i_m^2$

$$= \frac{1}{2} \partial_x \left[\gamma \cdot V_{0m}^2 \sin^2(k_m x) \cos^2(\omega_m t) + \frac{1}{R_e^2} V_{0m}^2 \cos^2(k_m x) \sin^2(\omega_m t) \right]$$

$$\text{Or } \frac{1}{R^2} = 8 \text{ et } \langle \cos^2(\omega nt) \rangle = \langle \sin^2(\omega nt) \rangle = \frac{1}{2}$$

$$\text{d'où } \left\{ \begin{array}{l} \text{dens}(n, t) = \frac{1}{2} \text{ dens. } 8V_{\text{om}}^2 \left[\sin^2(k_n x) \cos^2(\omega nt) + \cos^2(k_n x) \sin^2(\omega nt) \right] \\ \text{et} \\ \langle \text{dens}(n) \rangle = \frac{1}{4} 8V_{\text{om}}^2 \text{ dens} \end{array} \right. \boxed{}$$

$$\textcircled{b} \quad \text{Sait } \langle E_n \rangle = \int_0^D \langle \text{dens}(n) \rangle \cdot \text{dens} \cdot \text{dx}$$

$$\Leftrightarrow \langle E_n \rangle = \frac{1}{4} 8V_{\text{om}}^2 \cdot D.$$

$$\Leftrightarrow \langle E_n \rangle = \frac{V_{\text{om}}^2 D}{4 R_c C_e} \quad \text{car } 8 = \frac{1}{R_c \cdot C_e}$$

$$\text{I.8.6) } \textcircled{a} \quad \text{Sait } \left\{ \begin{array}{l} \langle E_n \rangle = k_B T \\ \text{et} \\ R = R_c \end{array} \right. \Rightarrow k_B T = \frac{V_{\text{om}}^2 D}{4 R_c C_e} \Rightarrow V_{\text{om}}^2 = \frac{4 R_c C_e k_B T}{D}$$

$$\text{d'où } U_{\text{eff}, n}^2 = \langle U_n^2(x) \rangle = \frac{V_{\text{om}}^2 \sin^2(k_n x)}{2}$$

$$\Leftrightarrow U_{\text{eff}, n}^2 = \frac{2 R_c C_e k_B T}{D} \sin^2(k_n x)$$

$$\Rightarrow U_{\text{eff}, n}^2 = U_{\text{eff}, \text{m}}^2 \sin^2(k_n x) \text{ avec } U_{\text{eff}, \text{m}}^2 = \frac{2 k_B T R_c}{D} \boxed{}$$

$$\textcircled{b} \quad \text{Sait } U_{\text{eff}}^2 = \sum_{n=1}^N U_{\text{eff}, n}^2 = \frac{N \cdot 2 k_B T R_c}{D}$$

$$\text{or } N = \frac{2 D \Delta f}{C_e} \Rightarrow U_{\text{eff}}^2 = 4 k_B T R_c \Delta f$$

$$\text{d'où } U_{\text{eff}} = \sqrt{4 k_B T R_c \Delta f} \boxed{}$$

$$\text{I.B.7} \quad \text{a) } \text{Smt } V_{\text{eff}} \div R^{1/2}$$

$\Rightarrow \log V_{\text{eff}} \div \frac{1}{2} \log R$, effectivement sur le graphique la pente est de $\frac{1}{2}$.

$$\text{soit } V_{\text{eff}} \div \Delta f^{1/2}$$

Si $\Delta f_2 = 100 \Delta f_1$ alors $V_{\text{eff}2} = 10 V_{\text{eff}1}$ ce que l'on retrouve sur le graphique

$$\text{soit Pour } \Delta f = 1 \text{ Hz, } \begin{cases} R = 40 \Omega \\ R = 100 \Omega \end{cases} \text{ on obtient } V_{\text{eff}} = \frac{4,0 \cdot 10^{-7} \text{ V}}{6,5 \cdot 10^{-7} \text{ V}} = A V_{\text{eff}}.$$

$$\text{or } k_B = \frac{V_{\text{eff}}^2}{4 \text{TR} \Delta f}$$

$$\Leftrightarrow k_B = \frac{V_{\text{eff}}^2}{4 A^2 \text{TR} \Delta f} \approx 1,33 \cdot 10^{23} \text{ J.K}^{-1}$$

⑥. Les valeurs des tensions efficaces sont extrêmement faibles, il faut donc éliminer le bruit électromagnétique à l'aide d'une enceinte métallique qui jouera le rôle de blindage.

- La résistance peut chauffer, il faut donc thermostatier l'enceinte.
- L'amplification de tension peut ajouter un bruit significatif d'où la nécessité d'un grand nombre de mesures.

1) Mesure Acoustique

I.A.1) D'après l'énoncé l> l'inter

$$\text{Or } M_{\text{lim}} = \frac{1}{l^3} \text{ d'où } P_{\text{lim}} = M_{\text{lim}} \cdot k_B T$$

$$\Leftrightarrow P_{\text{lim}} = \frac{k_B T}{l^3}$$

$$\Rightarrow P \leq P_{\text{lim}} = 3 \cdot 10^4 \text{ Pa}$$

I.A.2) a) Soit $\begin{cases} \mu(n,t) = \mu_0 + \mu_1(n,t) \\ p(n,t) = p_0 + \Pi(n,t) \end{cases}$ et $v(n,t) = v_0 + v_1(n,t) \ll c_{\text{son.}}$

D'où au 1^{er} ordre :

• eq. conservation de la masse : $\frac{\partial \mu}{\partial t} + \text{div}(\mu \vec{v}) = 0$ s'écrit : $\mu_0 \frac{\partial v}{\partial x} = - \frac{\partial \mu}{\partial t}$ ①

• eq d'Euler : $\mu \left(\frac{\partial \vec{v}}{\partial t} + (\vec{v} \cdot \text{grad}) \vec{v} \right) = - \vec{\text{grad}} p$ s'écrit : $\mu_0 \frac{\partial v}{\partial t} = - \frac{\partial p}{\partial x}$ ②

• Compressibilité isentropique $\chi_s = \frac{1}{\mu} \left(\frac{\partial \mu}{\partial p} \right)_s$ s'écrit : $\chi_s = \frac{1}{\mu_0} \cdot \frac{\mu_1}{\Pi}$ ③

① donne : $\mu_0 \frac{\partial^2 v}{\partial t \partial x} = - \frac{\partial^2 \mu}{\partial t^2}$ $\Rightarrow \frac{\partial^2 \mu}{\partial t^2} = \frac{\partial^2 \Pi}{\partial x^2}$ avec $\mu_1 = \mu_0 \chi_s \Pi$.

② donne : $\mu_0 \frac{\partial^2 v}{\partial x \partial t} = - \frac{\partial^2 \Pi}{\partial x^2}$

$$\Rightarrow \frac{\partial^2 \Pi}{\partial t^2} = c_a^2 \frac{\partial^2 \Pi}{\partial x^2} \text{ où } c_a^2 = \frac{1}{\mu_0 \chi_s}$$

b) Pour un GP : $\mu = \frac{PM}{RT} \Rightarrow \chi_T = \frac{1}{\mu} \left(\frac{\partial \mu}{\partial p} \right)_T = \frac{1}{P}$

$$\text{or } \chi_s = \frac{\chi_T}{\gamma} \Rightarrow \chi_s = \frac{1}{\gamma P} \Rightarrow c_a^2 = \frac{\gamma}{\mu_0} P = \frac{\gamma}{\mu_0} \frac{\mu \cdot RT}{M}$$

$$\Rightarrow \frac{c^2}{M} = \frac{8Na k_B T}{M} \quad \left| \text{ car } R = \frac{Na k_B}{M} \right.$$

③ Soit $c_{\text{réel}}^2 = c^2 (1 + \beta p) \Rightarrow c_{\text{réel}} \stackrel{\text{J.L.}}{\approx} c (1 + \frac{\beta p}{2})$

$$\Rightarrow \left| \frac{c_{\text{réel}} - c}{c} \right| = \frac{\beta p}{2} < 10^{-6}$$

$$\Rightarrow p < \frac{2 \cdot 10^{-6}}{\beta} \approx 1,5 \cdot 10^5 \text{ Pa}$$

II.A.3) Soit $k_B = \frac{M c^2}{8Na T}$

$$\Rightarrow \frac{\delta k_B}{k_B} = \sqrt{\left(\frac{SM}{M}\right)^2 + 4\left(\frac{\delta c}{c}\right)^2 + \left(\frac{\delta Na}{Na}\right)^2 + \left(\frac{\delta T}{T}\right)^2} \quad \text{On pose } \delta \gamma = 0$$

$$\Rightarrow \frac{\delta c}{c} = \frac{1}{2} \sqrt{\left(\frac{\delta k_B}{k_B}\right)^2 - \left(\frac{SM}{M}\right)^2 - \left(\frac{\delta Na}{Na}\right)^2 - \left(\frac{\delta T}{T}\right)^2} = 0,64 \cdot 10^{-6}$$

Cette valeur se rapproche de celle recherchée au II.A.2

II.B.1) Par symétrie sphérique $\vec{v}(r, t) = v(r, t) \vec{e}_r$ donc $\vec{n} \cdot \vec{v} = \vec{v}$ (cf Formulaires).

$$\Rightarrow \vec{v} = \vec{q} \sin \phi$$

or l'équation d'Euler donne : $\mu_0 \frac{\partial v}{\partial t} = - \frac{\partial \Pi}{\partial r} \Rightarrow \frac{\partial \Pi}{\partial r} = - \mu_0 \frac{\partial^2 \phi}{\partial r \partial t}$

donc $\Pi(r, t) = - \mu_0 \cdot \frac{\partial \phi}{\partial t}(r, t) + \underbrace{\text{cste}(t)}_{=0} \quad \text{car } \Pi(r, t) = 0 \text{ si } \phi(r, t) = 0$

$$\Rightarrow \frac{\partial \phi}{\partial t}(r, t) = - \frac{1}{\mu_0} \Pi(r, t)$$

⑥ Soit $\left\{ \begin{array}{l} \frac{\partial \phi}{\partial t}(r,t) = -\frac{1}{\mu_0} \pi(r,t) \\ \text{et} \\ \Delta \pi(r,t) - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \pi}{\partial t^2}(r,t) = 0 \end{array} \right. \Rightarrow \frac{\partial}{\partial t} \left[\Delta \phi - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \phi}{\partial t^2} \right] = 0$

$$\Rightarrow \Delta \phi - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \phi}{\partial t^2} = \text{cste}(r) = -\Delta \alpha(r).$$

$$\Rightarrow \Delta(\alpha + \phi) - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2(\alpha + \phi)}{\partial t^2} = 0$$

Il existe donc un potentiel qui vérifie :

$$\Delta \phi - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \phi}{\partial t^2} = 0$$

II.B.2) Des parois étant rigides $\nu(r=a) = 0$. ce qui entraîne une quantification des ω .

$$\Leftrightarrow \frac{\partial \phi}{\partial r} \Big|_{r=a} = 0$$

$$\Leftrightarrow \frac{\partial \phi}{\partial r} \Big|_{r=a} = 0$$

$$\Leftrightarrow f(a) = \text{cste}$$

II.B.3) Soit $\vec{f}_e = \pi \vec{v}$ $\Leftrightarrow \vec{f}_e = -\mu_0 \frac{\partial \phi}{\partial t} \cdot \frac{\partial \phi}{\partial r} \vec{e}_r$

$$\Leftrightarrow \vec{f}_e = -\mu_0 f(\omega) \sin(\omega t) \cdot f' \cos(\omega t) \vec{e}_r$$

$$\Leftrightarrow \vec{f}_e(r,t) = \frac{\mu_0 \omega}{2} \sin(2\omega t) \cdot f(r) \cdot f'(r) \vec{e}_r$$

D'où $\langle \vec{f}_e \rangle_t = 0$ ce résultat est logique car les ondes stationnaires ne transportent pas d'énergie. L'énergie est confinée dans le résonateur.

II.B.4) Soit $\left\{ \begin{array}{l} \Delta\phi - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \phi}{\partial t^2} = 0 \\ \text{et} \\ \phi = f(r) \cos(\omega t) \end{array} \right.$

d'où : $\frac{1}{r} \frac{\partial^2}{\partial r^2} \left[r f(r) \cos(\omega t) \right] + \frac{1}{c^2} \omega^2 f(r) \cos(\omega t) = 0$

$$\Leftrightarrow \frac{\partial^2}{\partial r^2} \left(r f(r) \right) + \underbrace{\frac{\omega^2}{c^2} r f(r)}_{k^2} = 0$$

$$\Leftrightarrow r f(r) = A \sin(kr) + B \cos(kr)$$

$$\Leftrightarrow f(r) = \frac{A}{r} \sin(kr) + \frac{B}{r} \cos(kr)$$

or $f(r)$ existe en $r=0$ d'où $B=0$ $\Rightarrow \boxed{\phi(r,t) = \frac{A}{r} \sin(kr) \cos(\omega t)}$

II.B.5) Or $\frac{\partial \phi}{\partial r} \Big|_{r=a} = 0 \Leftrightarrow \left[-\frac{A}{r^2} \sin(kr) + \frac{kA}{r} \cos(kr) \right] \cos(\omega t) \Big|_{r=a} = 0$
 $\Leftrightarrow -\frac{\sin(ka)}{a} + k \cos(ka) = 0$
 $\Leftrightarrow \tan(ka) = ka$

Posons $\boxed{g(x) = \tan(bx) - x}$ et notons x_n la racine n -ième de l'équation $g(x) = 0$.

$$\Rightarrow k_n a = x_n \Leftrightarrow \frac{2\pi V_n}{ca} = x_n \Leftrightarrow \boxed{V_n = \frac{ca}{2\pi} \cdot x_n}$$

II.B.6) Donc $\boxed{ca = \frac{2\pi V_n}{x_n}} = 307,8245 \text{ ms}^{-1}$ où $\frac{8ca}{ca} = \sqrt{\left(\frac{8a}{a}\right)^2 + \left(\frac{8V_1}{V_1}\right)^2 + \left(\frac{8x_1}{x_1}\right)^2} \approx 1,8 \cdot 10^{-6}$

or $\frac{8ca}{ca}$ doit être inférieur à $0,6 \cdot 10^{-6}$ (II.A.3) donc ce n'est pas acceptable.

II.B.7) Or $k_B = \frac{ca^2 M}{8N_a T} = 1,380648 \cdot 10^{-23} \text{ JK}^{-1}$ et $\frac{8k_B}{k_B} = \sqrt{4\left(\frac{8a}{a}\right)^2 + \left(\frac{8M}{M}\right)^2 + \left(\frac{8N_a}{N_a}\right)^2 + \left(\frac{8T}{T}\right)^2} = 3,9 \cdot 10^{-6}$

$$\Rightarrow \boxed{8k_B = 5,6 \cdot 10^{-29} \text{ JK}^{-1}} \Rightarrow k_B = \underbrace{1,380648}_{6 \text{ chiffres significatifs}} + 6 \cdot 10^{-6} \cdot 10^{-23} \text{ JK}^{-1}$$

On peut donc fixer 6 chiffres significatifs par cette mesure