

## Physique : DM4

## PARTIE A - Cycle de Claude (CCP PSI 2014)

A.1.1)  $dm \left[ \underbrace{\left( h_2 + \frac{1}{2} c_2^2 + g z_2 \right)}_{\text{Energie massique sortante}} - \underbrace{\left( h_1 + \frac{1}{2} c_1^2 + g z_1 \right)}_{\text{Energie massique entrante}} \right] = \delta W_u + \delta Q$

↑ travail utile      ↑ chaleur ou transfert thermique

ou  $\begin{cases} h: \text{enthalpie massique} \\ \frac{1}{2} c^2: \text{Ecinetique} \\ g z: \text{Epotentielle massique} \end{cases}$

↑ masse de fluide

A.1.2) En divisant par dt :  $\underline{Dm \left[ \left( h_2 + \frac{1}{2} c_2^2 + g z_2 \right) - \left( h_1 + \frac{1}{2} c_1^2 + g z_1 \right) \right] = P_u + P_{th}}$

A.2.1) Au point de repère M1 on retrouve le débit massique Dm d'où :

$$Dm = Dm_e + Dm_{13} \Rightarrow \underline{Dm_{13} = Dm - Dm_e}$$

A.2.2) Le système reçoit  $-P_{T1} - P_{T2}$  de la part des turbines de système à 2 sorties et 1 entrée d'où :

$$\underbrace{Dm_{13} h_{13} + Dm_e h_{e1q}}_{\text{sorties}} - \underbrace{Dm h_1}_{\text{entrée}} = -P_{T1} - P_{T2}$$

Or  $Dm_{13} = Dm - Dm_e \Rightarrow \underline{Dm (h_{13} - h_1) + Dm_e (h_{e1q} - h_1) = -P_{T1} - P_{T2}} \quad (1)$

A.2.3) APP appliqué à la turbine 1  $Dm_{11} h_{11} - Dm_{12} h_{12} = -P_{T1}$

Or  $Dm = Dm_2 + Dm_{12} = (1 - \alpha_1) Dm + Dm_{12} \Rightarrow Dm_{12} = \alpha_1 Dm$

De plus  $\begin{cases} Dm_{12} = Dm_{11} \\ h_2 = h_{12} \end{cases} \Rightarrow \underline{\alpha_1 Dm (h_{11} - h_2) = -P_{T1}} \quad (2)$

$$A.2.4) \text{ Sur } T_2: Dm_g h_g - Dm_{10} h_{10} = -P_{T_2}$$

$$\text{or } \begin{cases} h_{10} = h_4 \\ Dm_g = Dm_{10} \\ Dm_4 + Dm_{10} = Dm_2 \Leftrightarrow (1-x_1)(1-x_2) Dm + Dm_{10} = (1-x_1) Dm = Dm_2 \\ \Leftrightarrow Dm_{10} = (1-x_1) Dm x_2 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow Dm_{10} = (1-x_1) Dm x_2$$

$$\text{Donc } \underline{(1-x_1)x_2 Dm [h_g - h_4] = -P_{T_2}} \quad (3)$$

A.2.5) En regroupant 1,2,3 :

$$Dm(h_{13} - h_1) + Dm_e (h_{liq} - h_1) = x_1 Dm (h_{11} - h_2) + x_2 (1-x_1) Dm (h_g - h_4)$$

$$\text{or } y = \frac{Dm_e}{Dm} \Rightarrow y (h_{liq} - h_1) = x_1 (h_{11} - h_2) + x_2 (1-x_1) (h_g - h_4) - (h_{13} - h_1)$$

$$\text{Donc } y = \frac{x_1 (h_{11} - h_2) + x_2 (1-x_1) (h_g - h_4) + h_1 - h_{13}}{h_{liq} - h_1} \quad (4)$$

A.2.6) Au niveau de  $E_1$  on a:  $Dm (h_2 - h_1) + Dm_{13} (h_{13} - h_{12}) = 0$

$$\text{or } Dm_{13} = Dm - Dm_e \Rightarrow Dm (h_2 - h_1) + Dm (h_{13} - h_{12}) = Dm_e (h_{13} - h_{12})$$

$$\Rightarrow Dm_e = Dm \cdot \frac{h_2 - h_1 + h_{13} - h_{12}}{h_{13} - h_{12}}$$

$$\Rightarrow Dm_e = Dm \left[ 1 + \frac{h_2 - h_1}{h_{13} - h_{12}} \right]$$

$$\Rightarrow y = \frac{1 + \frac{h_2 - h_1}{h_{13} - h_{12}}}{1} = 1 + \frac{1060 - 1476}{1454,2 - 1017,9} = \underline{\underline{0,046}}$$

$$A.2.7) \text{ Sur } E_2: Dm_2(h_3-h_2) + Dm_{13}(h_{12}-h_{11}) = 0$$

$$\Leftrightarrow Dm(1-x_1)(h_3-h_2) + (Dm-Dm_e)(h_{12}-h_{11}) = 0$$

$$\Leftrightarrow (1-x_1)(h_3-h_2) + (1-y)(h_{12}-h_{11}) = 0$$

$$\Leftrightarrow (1-x_1) = - \frac{(1-y)(h_{12}-h_{11})}{h_3-h_2}$$

$$\Leftrightarrow x_1 = 1 + (1-y) \frac{h_{12}-h_{11}}{h_3-h_2} = 1 + \frac{(1-0,046) \times 1017,9 - 527,2}{540,3 - 1060} = \underline{\underline{0,100}}$$

$$A.2.8) \text{ Sur } E_4: Dm_4(h_5-h_4) + Dm_{g'}(h_{10}-h_9) = 0 \text{ où } Dm_4 = (1-x_1)(1-x_2)Dm.$$

$$\text{or } Dm_{g'} + Dm_{11} = Dm_{12} \text{ avec } \begin{cases} Dm_{12} = Dm_{13} = Dm - Dm_e \\ Dm_{11} = x_1 Dm \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow Dm_{g'} = (Dm - Dm_e) - x_1 Dm = (1-x_1)Dm - Dm_e$$

$$\text{Donc: } (1-x_1)(1-x_2)Dm(h_5-h_4) + [(1-x_1)Dm - Dm_e](h_{10}-h_9) = 0$$

$$\Leftrightarrow (1-x_1)(1-x_2)(h_5-h_4) + [(1-x_1) - y](h_{10}-h_9) = 0$$

$$\Leftrightarrow 1-x_2 = - \frac{(1-x_1-y)(h_{10}-h_9)}{(1-x_1)(h_5-h_4)}$$

$$\Leftrightarrow x_2 = 1 + \frac{(1-x_1-y)(h_{10}-h_9)}{(1-x_1)(h_5-h_4)} = 1 + \frac{(1-0,1-0,046) \left( \frac{250-118}{110,5-277,14} \right)}{1-0,146} = \underline{\underline{25\%}}$$

$$A.2.9) \text{ Sur le détendeur: } h_6 = h_7 \text{ et } h_7 = x_{liq} h_{liq} + (1-x_{liq}) h_{vap}.$$

$$\Leftrightarrow x_e = \frac{h_6 - h_{vap}}{h_{liq} - h_{vap}} \quad (\text{théorème des moments chimiques})$$

$$\text{On a } Dm_e = x_e Dm_7 \text{ avec } Dm_7 = Dm_6 = Dm_4 = (1-x_1)(1-x_2)Dm$$

$$\Rightarrow x_e = \frac{Dm_e}{Dm_7} = \frac{Dm_e}{Dm} \cdot \frac{1}{(1-x_1)(1-x_2)} \Rightarrow y = x_e (1-x_1)(1-x_2) = \underline{\underline{0,046}}$$

$$A.2.10) \text{ Soit } D_{me} = \frac{S_m}{dt} = \rho_e \frac{\delta V}{dt} \Rightarrow D_{me} = \rho_e D_{ve}$$

$$\text{or } \eta = \alpha_2(1-\alpha_1)(1-\alpha_2) \Rightarrow \underline{D_{ve} = \frac{D_m}{\rho_e} \alpha_2(1-\alpha_1)(1-\alpha_2)} = \underline{0,595 \text{ L}\cdot\text{s}^{-1}}$$

$$A.2.11) \text{ Soit } P_{p,eq} = D_{me} L_{vm} = D_{me} (h_{vap} - h_{liq})$$

$$\begin{aligned} \Leftrightarrow P_{p,eq} &= \rho_e D_{ve} (h_{vap} - h_{liq}) \\ &= 125,4 \times 0,595 \cdot 10^{-3} (30,74 - 9,90) \cdot 10^3 \\ &= \underline{\underline{1,55 \text{ kW}}} \end{aligned}$$

A.2.12) La somme de toutes les puissances doit correspondre à la puissance nécessaire pour comprimer le gaz d'où :

$$\underbrace{P_C + P_{T1} + P_{T2}}_{P_{TOT,c}} = D_m h_{14} - \underbrace{D_{m13} h_{13}}_{D_m \cdot D_{me} h_{13}} - D_{me} h_{13}$$

$$\begin{aligned} \Leftrightarrow P_C &= D_m (h_{14} - h_{13}) - P_{T1} - P_{T2} \\ &= D_m (h_{14} - h_{13}) + \alpha_1 D_m (h_{11} - h_2) + (1-\alpha_1) \alpha_2 D_m (h_g - h_u) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \Leftrightarrow P_C &= D_m [h_{14} - h_{13} + \alpha_1 (h_{11} - h_2) + (1-\alpha_1) \alpha_2 (h_g - h_u)] \\ &= 1600 \cdot 10^3 \cdot 10^3 [1900 - 1454,2 + 0,1(527,2 - 1060) + 0,9 \cdot 0,25(3074 - 2774)] \end{aligned}$$

$$\Leftrightarrow P_C = 570 \text{ kW}$$

$$A.2.13) \text{ Or } \left\{ \begin{array}{l} \text{l'efficacité est définie par } e = \frac{P_{p,eq}}{P_C} = \frac{1,55}{570} = 2,7 \cdot 10^{-3} \\ \text{et l'efficacité de Carnot vaut : } e_c = \frac{T_F}{T_C - T_F} = \frac{4,2}{280 - 4,2} = 1,52 \cdot 10^{-2} \end{array} \right.$$

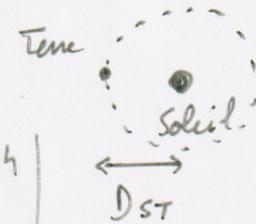
$$\Rightarrow \frac{e}{e_c} = 18\% \left. \vphantom{\frac{e}{e_c}} \right\} \text{ on est assez proche de la machine du CERN}$$

## PARTIE B - La Lune (MP - Mines - 2003)

1) loi de Stefan :  $P_s = 4\pi R_s^2 \cdot \sigma T_s^4$

• la terre reçoit une partie de la puissance émise par le soleil.

$$P_0 = P_s \times \frac{\pi R_T^2}{4\pi D_{ST}^2}$$

$$\Leftrightarrow P_0 = \pi \cdot \frac{R_T^2 R_s^2}{D_{ST}^2} \cdot \sigma T_s^4$$


• Equilibre thermique :  $P_0 = P_{\text{émis, terre}}$

$$\Leftrightarrow \pi \frac{R_T^2 R_s^2}{D_{ST}^2} \sigma T_s^4 = 4\pi R_T^2 \cdot \sigma T_T^4$$

$$\Leftrightarrow T_T = T_s \cdot \sqrt{\frac{R_s}{2D_{ST}}}$$

2) le bilan thermique est modifié par l'albédo :

$$\downarrow (1-A_T)P_0 \quad \uparrow P_{\text{émis, terre}} \quad (1-A_T)P_0 = P_{\text{émis, terre}}$$

$$\Leftrightarrow T_T^4 = (1-A_T) T_s^4 \left( \frac{R_s}{2D_{ST}} \right)^2$$

3) A.N :  $T_T = 252 \text{ K}$

4) le soleil et la terre émettent dans des domaines spectraux différents : autour de  $0,5 \mu\text{m}$  pour le soleil et  $10 \mu\text{m}$  pour la terre d'où la différence d'absorption de l'atmosphère.

5). d'ensemble terre/atmosphère absorbe  $(1-A_T)P_0$  dont :

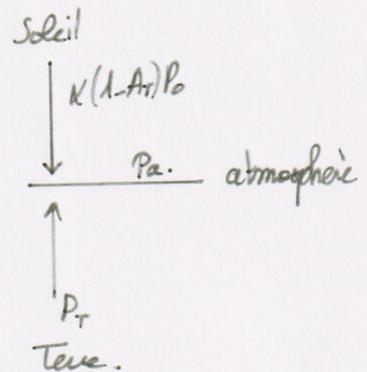
- $\alpha(1-A_T)P_0$  absorbé par l'atmosphère
  - $P_1 = (1-\alpha)(1-A_T)P_0$  ———→ la terre.
- $$\Leftrightarrow P_1 = (1-\alpha)4\pi R_T^2 \sigma T_T^4$$

- la moitié de l'énergie rayonnée par l'atmosphère l'est en direction de la terre où elle est totalement absorbée :

$$P_2 = \frac{1}{2} P_a = 4\pi R_T^2 \cdot \sigma T_a^4$$

- Bilan thermique sur l'atmosphère :

$$P_a = \alpha(1-A_T)P_0 + P_T$$



D'où :  $8\pi R_T^2 \sigma T_a^4 = \alpha \cdot 4\pi R_T^2 \cdot \sigma T_T^4 + 4\pi R_T^2 \cdot \sigma T_T^4$

$$\Leftrightarrow \underline{T_a^4 = \frac{1}{2} (\alpha T_T^4 + T_T^4)} \quad \textcircled{1}$$

- Bilan thermique sur la terre :  $\downarrow P_1 \downarrow P_2 \uparrow P_T$  Terre

$$P_1 + P_2 = P_T$$

$$\Leftrightarrow (1-\alpha)4\pi R_T^2 \cdot \sigma T_T^4 + 4\pi R_T^2 \sigma T_a^4 = 4\pi R_T^2 \sigma T_T^4$$

$$\Leftrightarrow T_T^4 = T_a^4 + (1-\alpha)T_T^4$$

$$\textcircled{1} \Rightarrow T_T^4 = \frac{1}{2} (\alpha T_T^4 + T_T^4) + (1-\alpha)T_T^4$$

$$\Rightarrow T_T^4 \left[ 1 - \frac{1}{2} \right] = T_T^4 \left( 1 - \alpha + \frac{\alpha}{2} \right)$$

$$\Rightarrow \underline{T_T^4 = (2-\alpha)T_T^4} \quad \textcircled{2}$$

$$6) \text{ A.N: } \underline{T_T = 285 \text{ K}}$$

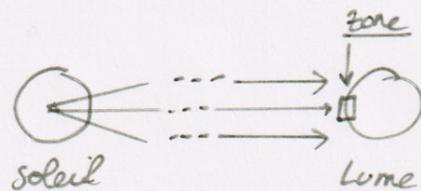
$$7) \text{ ① et ② } \Rightarrow T_a^4 = \frac{1}{2} (\alpha T_T^4 + (2-\alpha) T_T^4)$$

$$\Rightarrow \underline{T_a = T_t}$$

$$8) \text{ De même qu'à la question 2: } \underline{T_{L, \text{soleil}}^4 = (1-A_L) T_S^4 \left( \frac{R_S}{2D_{ST}} \right)^2}$$

$$\text{A.N: } \underline{T_{L, \text{soleil}} = 275 \text{ K}}$$

9) La zone de température la plus élevée est la zone de la lune où les rayons arrivent perpendiculairement à la surface.



10) Bilan thermique sur  $d^2S$ :

$$P_{L, \text{émise}} = (1-A_L) P_0$$

$$\Leftrightarrow d^2S \cdot \sigma T_{L, \text{max}}^4 = (1-A_L) d^2S \cdot \frac{4\pi R_S \sigma T_S^4}{4\pi D_{ST}^2}$$

$$\Leftrightarrow \underline{T_{L, \text{max}}^4 = (1-A_L) T_S^4 \left( \frac{R_S}{D_{ST}} \right)^2}$$

11) Atmosphère terrestre:

$$Q_A = (1-A_L) \cdot \left( \frac{R_T}{D_{LT}} \right)^2 \sigma T_a^4$$

Flux solaire réfléchi par la terre

$$A_T P_0 = \frac{\pi R_T^2}{4\pi D_{ST}^2} \cdot 4\pi R_S^2 \sigma T_S^4 = \pi A_t \left( \frac{R_T R_S}{D_{ST}} \right)^2 \sigma T_S^4 = A_t P_0$$

Ce rayonnement est renvoyé de façon isotrope dans un  $\frac{1}{2}$  espace. La fraction arrivant sur  $d^2S$  de la lune est t.q :

$$d^2P = (1 - A_L) \cdot A_T P_0 \frac{d^2S}{\frac{4\pi D_{LT}^2}{2}}$$

$$\Rightarrow \underline{Q_S = (1 - A_L) A_T \cdot \left( \frac{R_T R_S}{D_{ST} D_{LT}} \right)^2 \sigma T_S^4}$$

A.N. :

$$\left\{ \begin{array}{l} Q_A = 9,6 \cdot 10^{-2} \text{ W/m}^2 \\ Q_S = 6,3 \cdot 10^{-2} \text{ W/m}^2 \end{array} \right.$$

12) Puissance thermique sur  $d^2S$  :  $P_{\text{th}} = P_A + P_S$

$$\Rightarrow \underline{T_{\text{Lune}}^{14} = \frac{Q_A + Q_S}{\sigma} = \underline{41 \text{ K}} \ll 120 \text{ K}$$

13) la modification serait négligeable en effet  $Q_{S, \text{direct}} = (1 - A_L) \frac{R_S^2}{D_{ST}^2} \sigma T_S^4 = \underline{1,3 \text{ kW/m}^2}$

14) Or (visible) =  $[0,38 ; 0,78] \mu\text{m}$

IR =  $[0,78 ; 100] \mu\text{m}$

15) D'après la loi de Wien avec  $T_{\text{soleil}} = 275 \text{ K} \Rightarrow \lambda_{\text{mT}} = 2898 \mu\text{mK}$ .

$\Rightarrow \underline{\lambda \approx 10 \mu\text{m}} \text{ dans l'IR}$

• Le clair de lune est dû au rayonnement solaire réfléchi par la lune.

16) La chaleur due à la radioactivité est évacuée par rayonnement d'où :

$$\frac{4}{3} \pi R_L^3 \cdot P_L = 4 \pi R_L^2 \sigma T_{L, \text{roches}}^4 \Rightarrow \underline{T_{L, \text{roches}} = \frac{R_L P_L}{3\sigma} = \underline{18 \text{ K}}}$$

17) Non, la radioactivité ne modifie pas notre raisonnement car  $T_{L, \text{roches}} \ll T_{L, \text{max}}$

## PARTIE C - Caloduc (Centrale MP - 2015)

IV.A.1

On a :  $a \gg l$  et  $b \gg l$ , on peut donc considérer la plaque comme "infinie" : pas d'effets de bord. Il y a donc invariance par translation suivant  $\vec{u}_y$  et  $\vec{u}_z$  d'où :

$$T(x, y, z, t) = T(x, t) \quad (1)$$

IV.A.2 On fait un bilan thermique sur une tranche d'épaisseur  $dx$  et de section  $S$  entre  $t$  et  $t+dt$  :

$$dU = \delta Q + \delta W$$

$$\Leftrightarrow U(t+dt) - U(t) = \delta Q$$

$$\Leftrightarrow \rho \frac{du}{dt} dt dV = \left[ j_{th}(x) - j_{th}(x+dx) \right] S dt$$

$$\Leftrightarrow \rho \frac{du}{dt} dt dV = - \frac{\partial j_{th}}{\partial x} dx S dt$$

Or d'après la loi de Fourier  $\vec{j}_{th} = -\lambda \frac{dT}{dx} \vec{u}_x$

$$\Rightarrow \rho \frac{du}{dt} = \lambda \frac{\partial^2 T}{\partial x^2}$$

Or  $du = c dT \Rightarrow \boxed{\frac{\partial T}{\partial t} = D_{th} \frac{\partial^2 T}{\partial x^2} \text{ où } D_{th} = \frac{\lambda}{\rho c}} \quad (2)$

IV.A.3 En régime stationnaire :  $\frac{\partial T}{\partial t} = 0 \Rightarrow T = Ax + B$

Avec les C.L. :  $\boxed{T = \frac{T_0 - T_1}{l} x + T_1} \quad (3)$

Donc :  $\Phi = -\lambda \frac{dT}{dx} ab$

$$\Leftrightarrow \boxed{\Phi = \lambda \frac{T_1 - T_0}{l} ab} \quad (4)$$

IV.A.4

$$D'ai \quad \phi = \frac{(T_1 - T_0)}{R_{th}} \quad \text{ou} \quad \boxed{R_{th} = \frac{l}{\lambda ab}} \quad (5)$$

$$\text{Analogie à : } I = \frac{V_1 - V_0}{R} \quad \text{ou} \quad R = \frac{L}{\lambda ab}$$

IV.B.1

$$\text{Soit } \delta Q_{cc} = h(T_0 - T_a) dy dz dt \Rightarrow \Phi_{cc} = h(T_0 - T_a) dy dz$$

$$\Rightarrow [h] = \text{Wk}^{-1}\text{m}^{-2}$$

$$\text{De plus } \Phi_{cc} = \frac{\Delta T}{R_h} \Rightarrow \underline{R_h = \frac{1}{\lambda ab}} \quad (6)$$

IV.B.2

$$\text{Donc } \left\{ \begin{array}{l} R_{th} = \frac{l}{\lambda ab} = \underline{\underline{1,1 \cdot 10^{-2} \text{ kW}^{-1}}} \\ R_h = \frac{1}{\lambda ab} = \underline{\underline{35 \text{ kW}^{-1}}} \end{array} \right.$$

Ces deux résistances étant en série  $\Rightarrow R_{tot} \approx R_h$

\* C'est l'air qui limite le transfert thermique  $\Rightarrow$  ça ne sert à rien d'améliorer les parois, mais remplacer l'air ou augmenter la surface de contact peut être utile.

IV.CQuestion ouverte:

Le microprocesseur est composée de fils de Cu et de puces en silicium, sur un support en silicium. On va utiliser le TDP = 15W, et supposons que le processeur est détruit quand le cuivre fond :  $T_{fus}(\text{Si}) > T_{fus}(\text{Cu})$ .

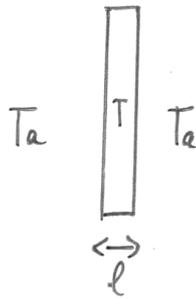
On suppose que la plaque est à température uniforme et qu'elle n'échange de transfert thermique qu'avec l'air ( $R_h \gg R_{th}$ ):

$$\text{Calcul de la surface de contact : } S = 2ab + 2bl + 2al$$

$$= 2b(a+l)$$

$$\approx \underline{\underline{2ab}}$$

# 1<sup>er</sup> principe appliqué à la plaque



$$\text{Soit } dU = m c_p dT = \delta W + \delta Q$$

$$= P_c dt - h(T - T_a) S dt.$$

$$\Leftrightarrow \rho_{si} c_{si} a b l \frac{dT}{dt} = P_c - h(T - T_a) S$$

$$\Leftrightarrow \frac{dT}{dt} + \frac{T}{\tau} = \frac{T_a}{\tau} + \frac{P_c}{\rho_{si} c_{si} \times a b l}$$

$$\text{Donc } T = A e^{-t/\tau} + T_a + \frac{P_c \tau}{\rho_{si} c_{si} \cdot a b l} \quad \text{ou } \tau = \frac{\rho_{si} c_{si} a b l}{h S}$$

$$= \frac{\rho_{si} c_{si} l}{2h}$$

$$\text{Donc } T = T_a + A e^{-t/\tau} + \frac{P_c}{2h a b}$$

$$\text{Hypothèse : } T(0) = T_a \text{ d'où } T = T_a + \frac{P_c}{2h a b} (1 - e^{-t/\tau})$$

$$\text{A.N. : } \begin{cases} T_a = 293\text{K} \\ T(t \rightarrow \infty) = 553\text{K} \end{cases} \quad \text{et } \tau = 4\text{s.}$$

• Ni le métal, ni le silicium ne fondent dans ces conditions. Mais on a aussi à respecter

$$T_{\text{jonction}} = 100^\circ\text{C} \text{ (Spécification du microprocesseur)}$$

$$\text{Or } T_{\text{lim}} = T(t_{\text{lim}}) = T_a + \frac{P_c}{2h a b} (1 - e^{-t_{\text{lim}}/\tau})$$

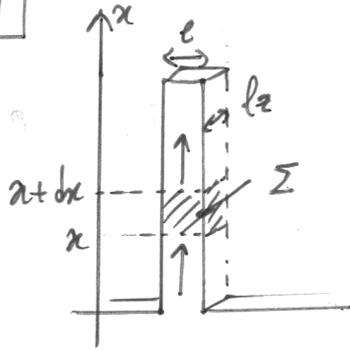
$$\Leftrightarrow \frac{T_{\text{lim}} - T_a}{P_c} \cdot 2h a b = 1 - e^{-t_{\text{lim}}/\tau}$$

$$\Leftrightarrow t_{\text{lim}} = -\tau \ln \left( 1 - \frac{(T_{\text{lim}} - T_a) 2h a b}{P_c} \right) = \underline{\underline{15\text{s}}}$$

• Sans système de refroidissement efficace le processeur arrêtera de fonctionner après

$$\boxed{\Delta t = 15\text{s}} \quad \textcircled{7}$$

IV.D.1



D'après le premier principe appliqué à  $\Sigma$  :

$$dU = \delta W + \delta Q$$

En régime stationnaire :  $0 = (\Phi_e + \Phi_s + \Phi_{at}) dt$

$$\Leftrightarrow \Phi(x) - \Phi(x+dx) - h(T-T_a) dx \cdot (2e+2l_z) = 0$$

$$\Leftrightarrow - \frac{d(\int h S dx)}{dx} - h(T-T_a) dx (2e+2l_z) = 0$$

$$\text{or } \begin{cases} \int h S dx = -\lambda \frac{dT}{dx} \\ \text{et} \\ S = e l_z \end{cases}$$

$$\Rightarrow e l_z \cdot \lambda \frac{d^2 T}{dx^2} - h(T-T_a)(2e+2l_z) = 0$$

$$\Rightarrow \frac{d^2 T}{dx^2} - \frac{1}{\delta^2} (T-T_a) = 0$$

$$\text{ou } \delta = \sqrt{\frac{\lambda e l_z}{h(2e+2l_z)}} \quad (8)$$

Dont la solution est :  $T-T_a = A e^{-x/\delta} + B e^{x/\delta}$

or  $B=0$  sinon  $T$  diverge.

$$\text{et } T(x_1) = T_R = T_a + A e^{-x_1/\delta} \Rightarrow A = (T_R - T_a) e^{x_1/\delta}$$

$$\text{Donc } T(x) = T_a + (T_R - T_a) e^{-(x-x_1)/\delta}$$

IV.D.2

$$\begin{aligned} \text{Soit Pairette} &= \Phi(x_1) = j_{th}(x_1) e dz \\ &= -\lambda \frac{dT}{dx} \Big|_{x_1} e dz \\ &= (T_R - T_A) \frac{\lambda e dz}{\delta} \end{aligned}$$

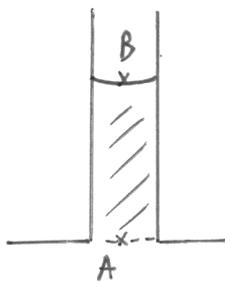
$$\text{Donc } \boxed{P_{radiation} = 6(T_R - T_A) \frac{\lambda e dz}{\delta}} \quad (9)$$

$$\text{et } \boxed{R_{radiation} = \frac{\delta}{6\lambda e dz}}$$

A.N. :

$$\begin{cases} P_{rad} = 44W \\ R_{rad} = 1,1 \text{ kW}^{-1} \ll R_a = 35 \text{ kW}^{-1} : \text{le système est efficace.} \end{cases}$$

IV.E.1 Caloduc = tube transporteur de chaleur proche de gazoduc et aqueduc.

IV.E.2

des forces appliquées au fluide sont :

- les forces de pression en B et A
- le poids
- les forces de capillarité.

des forces de pression sont t.g  $\vec{F}_{PA} = -\vec{F}_{PB}$ , de plus le poids travaille négativement si le fluide monte :  $\mathcal{P} = -\vec{P} \cdot \vec{v} < 0$  donc il faut un travail

positif pour que le fluide monte :  $\Rightarrow$  Ce sont ces forces de capillarité qui permettent au fluide de monter (10)